

TEKTONİK 2

DERS NOTLARI

0.5 mm

Yrd.Doç.Dr. Yaşar EREN
Selçuk Üniversitesi Jeoloji Müh. Bölümü
Konya

Yapısal jeolojinin amacı

- **Geometri: haritalama ve ölçümler**
- **Kinematik: Deformasyonla ilişkili hareket**
 - **Translasyon: Konum değişimi**
 - **Dönme:**
 - **Distorsiyon: şekil değişimi**
 - **Dilatasyon: Hacim değişimi**

Dinamik/mekanik: Gerilmelerin deformasyonla ilişkisi

Sedimanter kayaçları
yatay konumda
görmediğiniz her
yerde, Bu kayaçların
büyük ölçekli
süreçlerle deforme
olduklarını



Eğirdir



Pozantı

Giriş

- Bu derste önce,yerkabuğundaki deforme kayaçların iyi bir şekilde anlaşılabilmesi için, deformasyon geometrik olarak incelenecek
- Sonra, tektonit kavramı, mesoskopik düzlemsel tektonit yapılar, lineasyon, kıvrımlar ve kıvrımlanma mekanizmaları, çok evreli kıvrımlanma kayma zonları, ve levha tektoniği ve orojenez konuları tanıtılacaktır.

DEFORMASYON

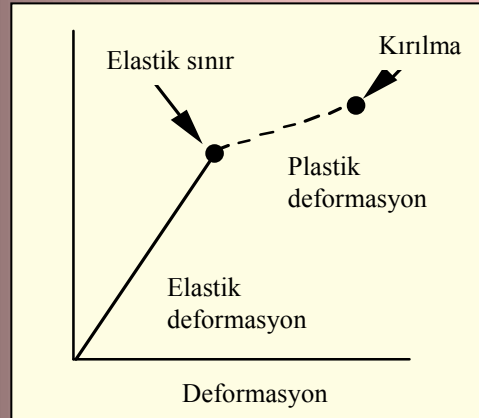
Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

Deformasyon süreçleri

A) Gerilme ve deformasyon kavramı

GERİLME
KUVVET/birim alan

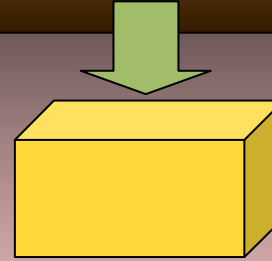
kg/cm^2



cm

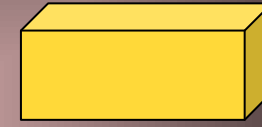
Şekil değişikliği
(deformasyon)

Deformasyon



Gerilme tipleri

- 1) Kompresyonel
- 2) Tansiyonel
- 3) kayma/kesme



Biçim değişikliği

ELASTİK
PLASTİK ()
GEVREK

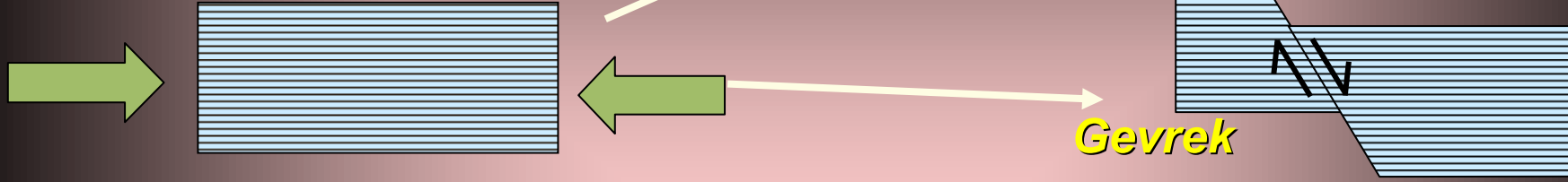
(DEFORMASYON)

DEFORMASYON

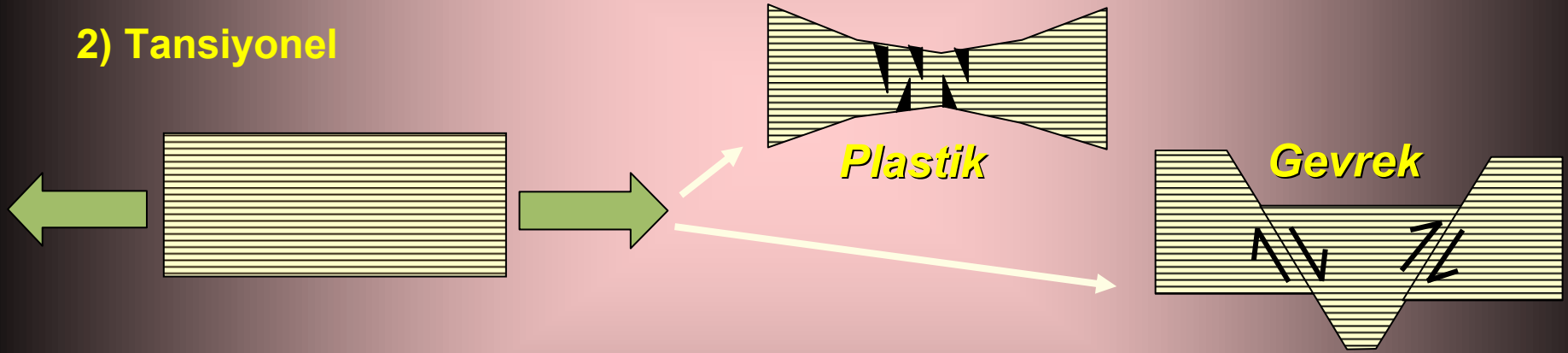
Yrd.Doç Dr.Yaşar EREN

Gerilme tipleri

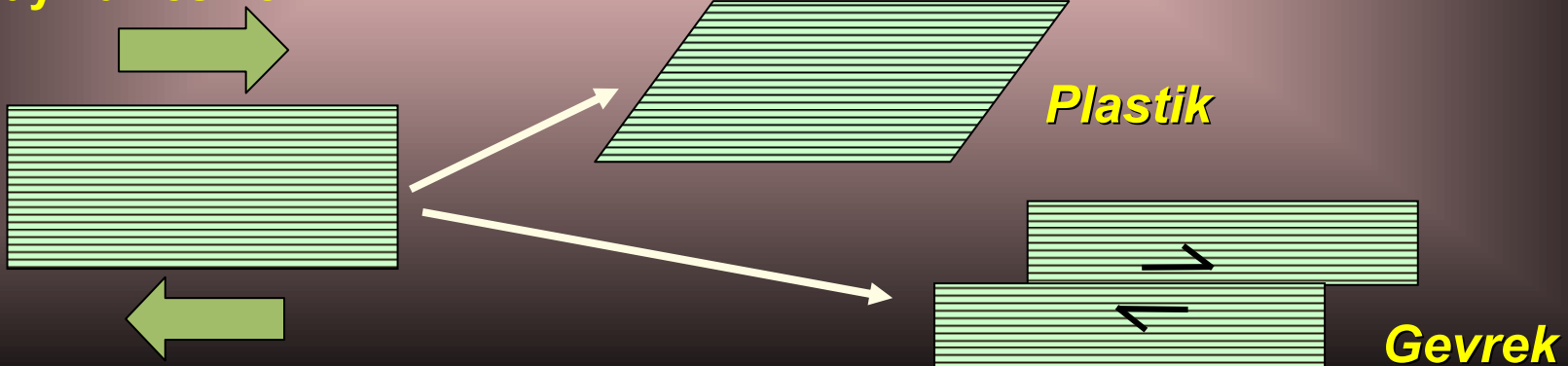
1) Kompresyonel



2) Tansiyonel



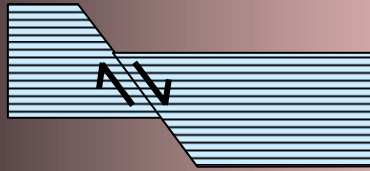
3) Kayma/kesme



Katıların davranışı üzerinde derine gömülme, sıcaklık ve basınç artışının etkisi



Gevrek



Derinlere doğru gidildiğinde:

Gevrek/sünümlü

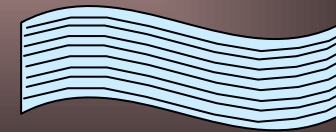


Etki eden faktörler:

Gömülme derinliği

Gerilmelerin doğası, yönelimi ve zamanlaması

Deformasyon süresi

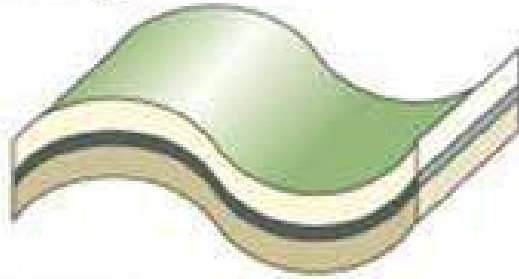


Sünümlü

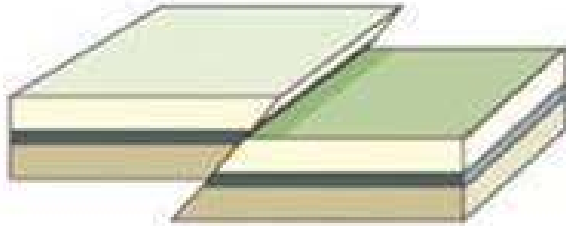
Kompresif
gerilmeler



kıvrımlanma



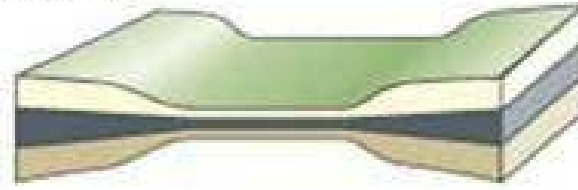
Faylanma



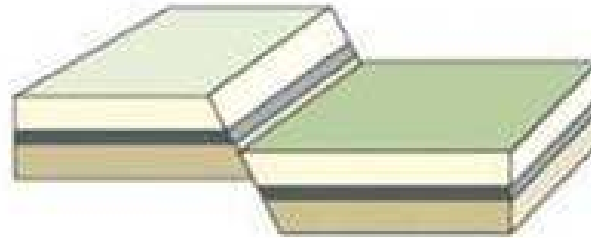
Tansiyonel
gerilmeler



Uzama ve
incelme



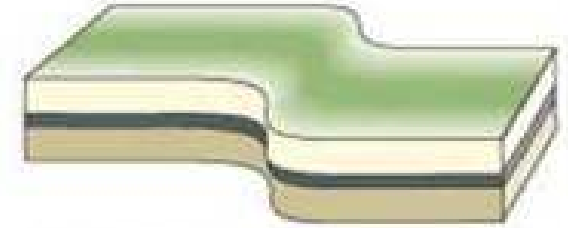
Faylanma



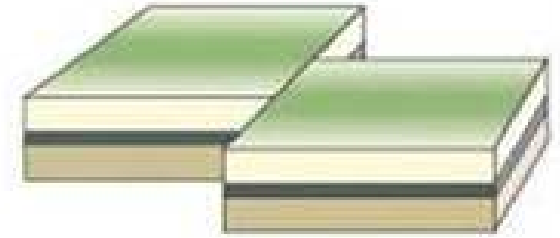
Kesme
gerilmeleri



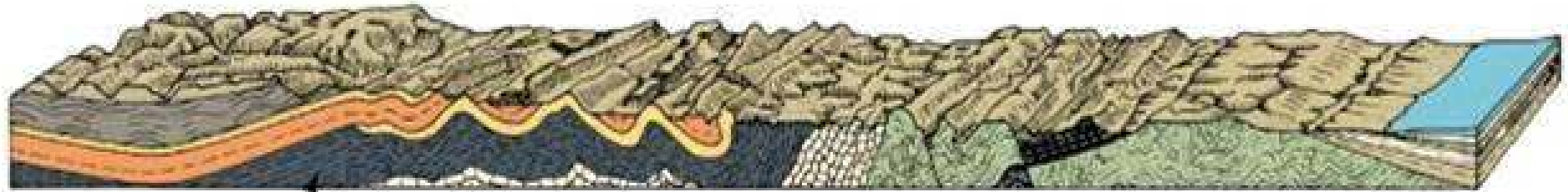
kesme



Faylanma



Doğada bir çok deformasyon yapıları beraberce bulunur. Kıvrım kuşakları (kompresyonel) genellikle bir çok bindirme fayı içerir



Appalaş platosu

Valley ve Ridge kuşağı

Büyük vadi

Reading
çatalı

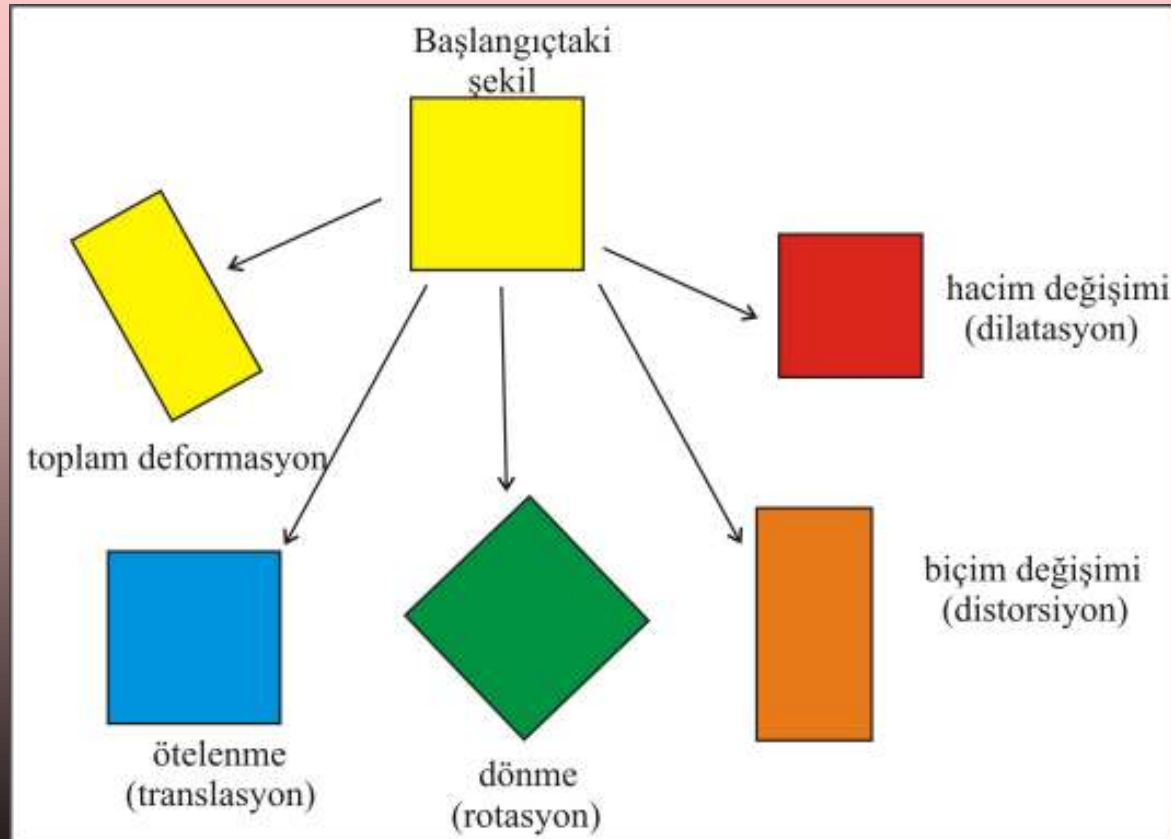
Triyas

Piedmont

Kıyı düzlüğü

DEFORMASYON

- Deformasyon= ötelenme (translasyon) + dönme (rotasyon) + biçim değişimi (strain-distorsiyon) + Hacim değişimi (dilatasyon)



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



deformasyon.swf

Tanımlamalar-1

Elastik deformasyon(elastic deformation):

Gerilmeye uğrayan katı bir cisimdeki biçim değişimidir. Genellikle geriye dönüşlüdür ve gerilme kaldırıldığında cisim başlangıçtaki şeklini alır. Elastik deformasyonlar genellikle küçüktür ($e < 0.02$, $\gamma < 0.02$).

Gevrek deformasyon (brittle deformation):

Gerilmeye uğrayan bir cisimde, elastik sınır aşıldığında kırık oluşumuna yol açan deformasyon tipidir.



Konya

Altınekin

Sünümlü deformasyon (ductile flow): Bazı maddelerin gerilmeye uğradığında kırık oluşmadan sürekli bir deformasyona uğrama özelliğidir. Sünümlü akma esnasında oluşan deformasyon elastik deformasyondan daha fazladır.

Reoloji (Rheology): Bir cisim üzerine uygulanan gerilme ile sonuçtaki deformasyon veya deformasyon oranının ilişkisidir

08.01.2007

12

Kompetentlik:

Bir kayacın deforme olabilme özelliğini yansıtan bir terimdir. Kompetent tabakalar daha dayanımlıdır, çok zor akmaya uğrarlar ve inkompetent (kompetent olmayan) materyale göre daha çabuk kırılırlar

- **Birim boy değişimi (longitudinal strain):** Birim boydaki kısalma veya uzama olarak tanımlanabilir. e (ekstensiyon) simgesi ile gösterilir. Eğer herhangi bir doğrultudaki başlangıçtaki boy l_0 ile simgelenir ve deformasyondan sonra, yine belirli bir yönde doğrunun boyu l_1 olursa

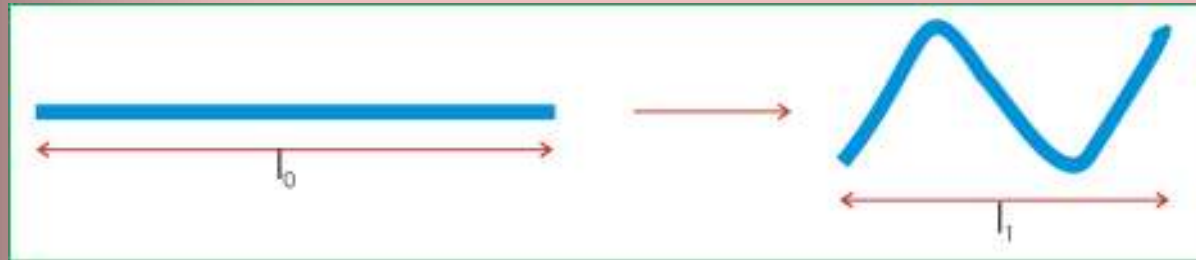
$$e = \frac{l_1 - l_0}{l_0} = \frac{\Delta l}{l_0}$$

olarak ifade edilir. Uzunluğun artması veya azalmasına göre $+$ ve $-$ olabilir. Tarif bölgesi ise $+\infty$ arasındadır. Bu parametre genellikle elastik davranış sırasında küçük deformasyonlarda sık sık kullanılır.

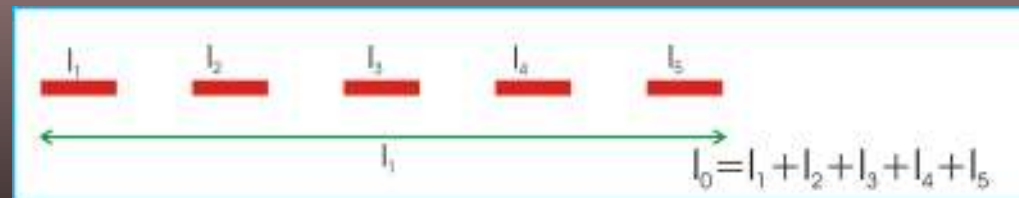
DEFORMASYON

Tanımlamalar-3 Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

Örnek: Bir tabakanın kıvrımlanmadan önceki boyu (l_0) 12 m
Kıvrımlanmadan sonraki boyu (l_1)= 5m ise $e = \frac{5-12}{12} = -0.58$
Buna göre deformasyonla % 58 boy kısalması gerçekleşmiştir.

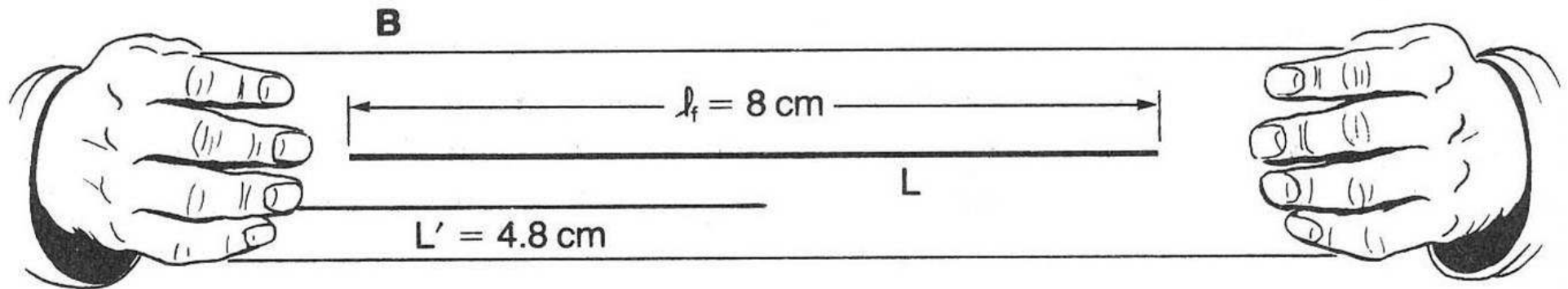
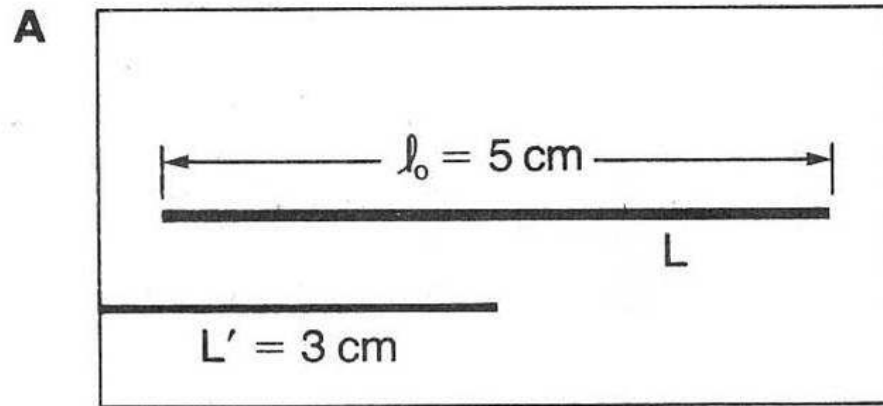


Örnek: Budinajlanan bir tabakanın, budinaj öncesi boyu (l_0) 40 cm
Budinajlanmadan sonraki boyu (l_1)= 65 cm ise $e = \frac{65-40}{40} = 0.63$
Buna göre deformasyon sonucu cisimde %63 boy uzaması oluşmuştur.



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



$$e = \frac{8 \text{ cm} - 5 \text{ cm}}{5 \text{ cm}} = 0.6$$

DEFORMASYON



Deforme Belemnit

$$e = \frac{185 \text{ mm} - 82 \text{ mm}}{82 \text{ mm}} = 1.3$$

$$\% \text{ Boy de\u011fi\u015fimi} = e \times 100 = 130\%$$

$$S = \frac{185 \text{ mm}}{82 \text{ mm}} = 2.3$$

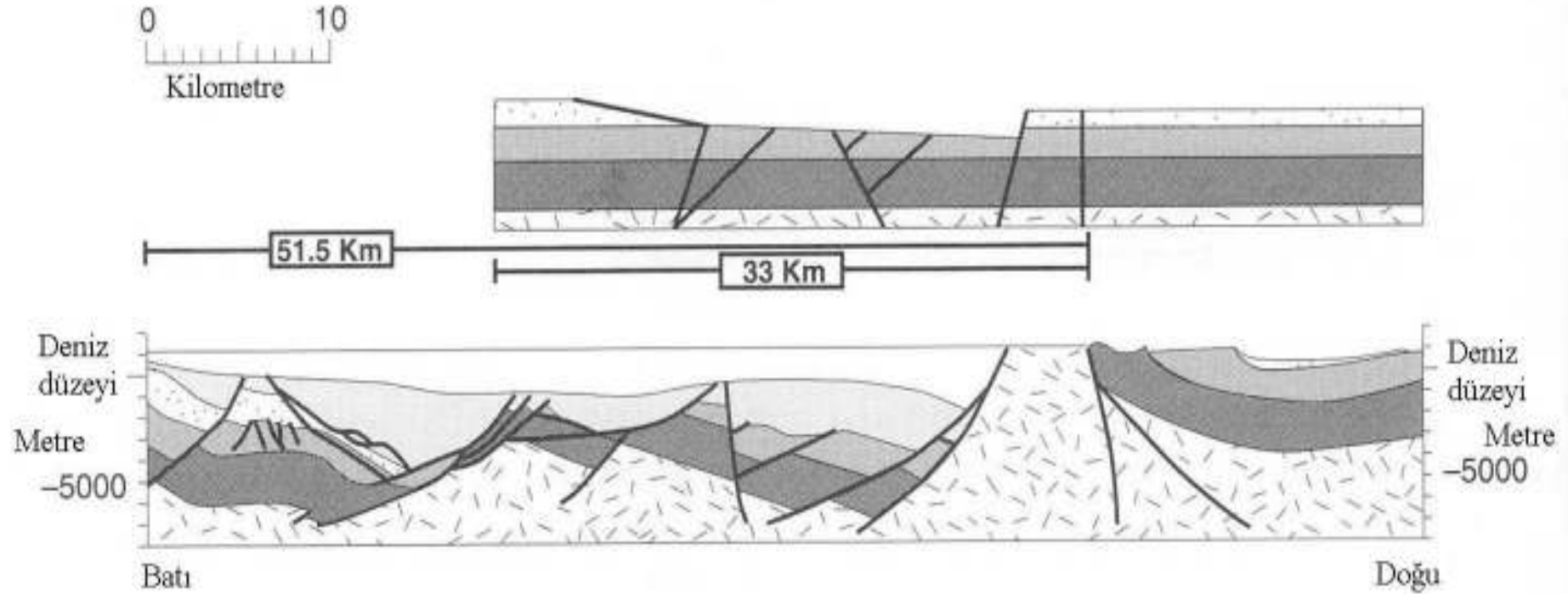
$$\% \text{ Boy de\u011fi\u015fimi} = (S - 1) \times 100 = 130\%$$



Konya

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



$(51.5 - 33)/33 = .56 = \text{uzama}$
100'le çarptığımızda %56 uzama elde edilir
Benzer bir örnek bindirme kuşaklarında da
boy değişimini hesaplamak için kullanılabilir

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



strainMethods.swf

2-Kuvadratik uzama (λ)

Deformasyondan sonraki boy ile başlangıçtaki boy oranının karesine

Kuvadratik uzama denir. Genellikle büyük sonlu deformasyonların analizinde kullanılır ve λ harfi ile gösterilir.

$$\lambda=(l_1/l_0)^2 \quad (1.2)$$

her zaman pozitif değerlidir ve tarif bölgesi $0<\lambda<+\infty$ arasındadır.

Kuvadratik uzama ve uzama arasındaki ilişki

$$\lambda=(l_1/l_0)^2 = (l_0/l_0 + l_1-l_0/l_0)^2 = (1+e)^2$$

şeklinde bağıntılanabilir.

Bazı jeolojik problemlerin çözümünde bunun tersi kullanılır ve λ' ile gösterilir.

$$\lambda'=1/\lambda \quad (1.3)$$

Yukarıdaki örneklerdeki verileri kullanırsak

1. Örnek:

$$\lambda=(5/12)^2=0.17$$

$$\lambda'=5.9$$

2.Örnek

$$\lambda=(65/40)^2=2.6$$

$$\lambda'=0.38$$

3-Logaritmik uzama (ϵ)

ϵ -harfi ile gösterilir.

$$\epsilon = \log(l_1/l_0) \quad (1.4)$$

logaritma tabanı 10 veya doğal logaritma olabilir. Tanım aralığı

$-\infty < \epsilon < +\infty$ arasındadır.

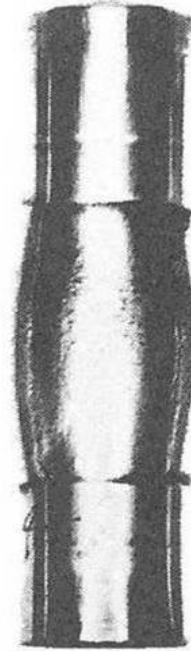
$$\epsilon = \log(1+e) = 1/2 \log \lambda$$

logaritmik uzama, uzama oranının logaritmasının yarısına eşittir.

Deformasyon oranı

Deformasyon oranı = boy değişimi (e) /zaman (t) = e/t

Kayacın deforme oranı deformasyon tipi üzerinde önemli etkisi vardır



Solda sleyt içinde gelişmiş fay

Ortada Kumtaşında kesişen faylar

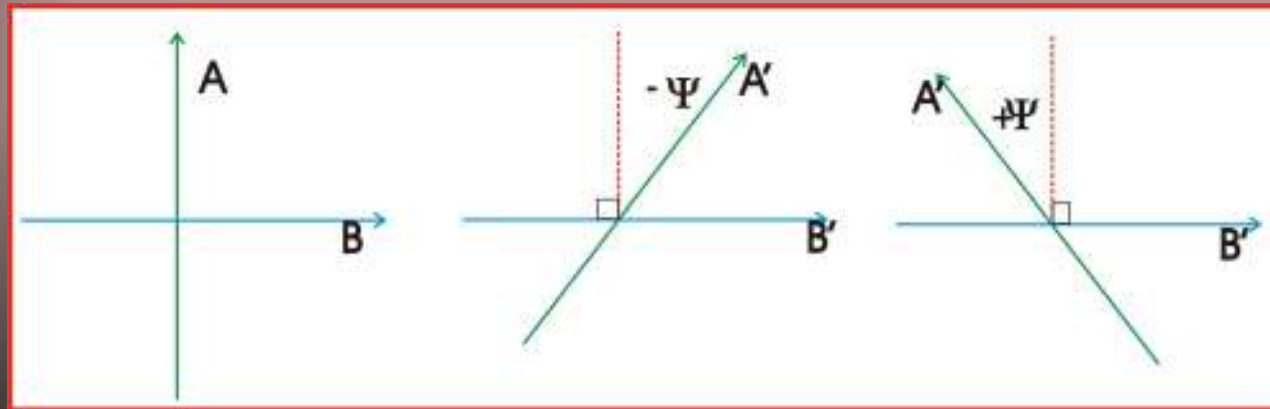
Sağda Kireçtaşında sünümlü akma

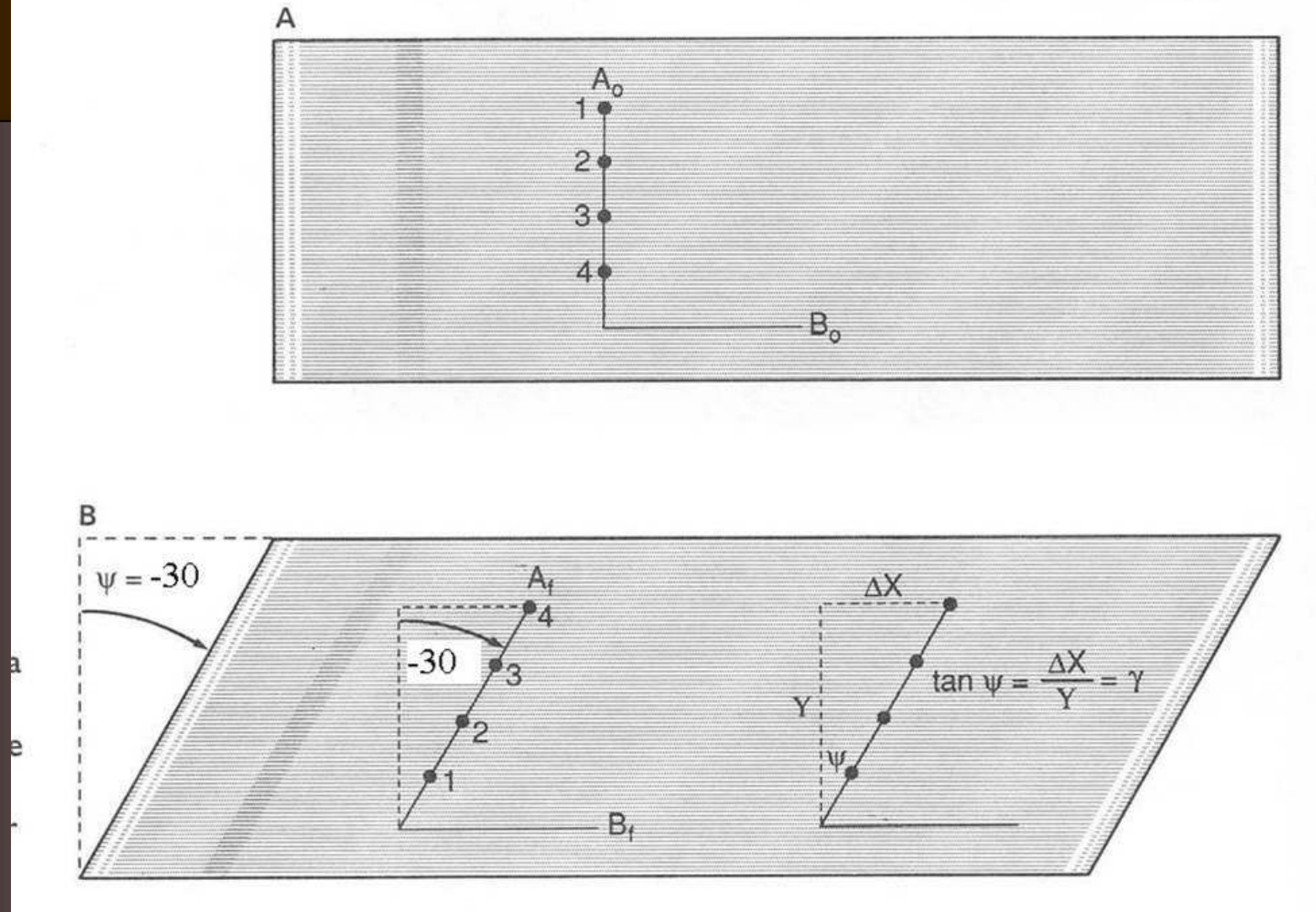
Bir saatlik deformasyon sürecinde 2.29 / cm uzunluğundaki örnek 2.28 cm'e kısalmıştır. Bu deney esnasındaki ortalama deformasyon oranını (hızını) bulun.

4-Açısal deformasyon (γ) ve kayma deformasyonu(ψ)

Deformasyondan önce birbirleriyle dik açı yapan iki doğru arasındaki açı, deformasyondan sonra diklikten sapar. Bu diklikten sapma açısına açısal deformasyon veya açısal kayma denir ve ψ - ile simgelenir. Kayma sağ yönlü ise (-), sol yönlü ise (+) olarak alınır (Şekil 1.4). Bu açının tanjantı ise kayma deformasyonu (makaslama deformasyonu) dur.

$$\gamma = \tan \psi \quad (1.5)$$





Açısal kayma (ψ , psi): Başlangıçta birbirine dik iki doğru arasındaki diklikten sapma açısı

Kayma deformasyonu (γ , gama): $= \tan (\psi)$

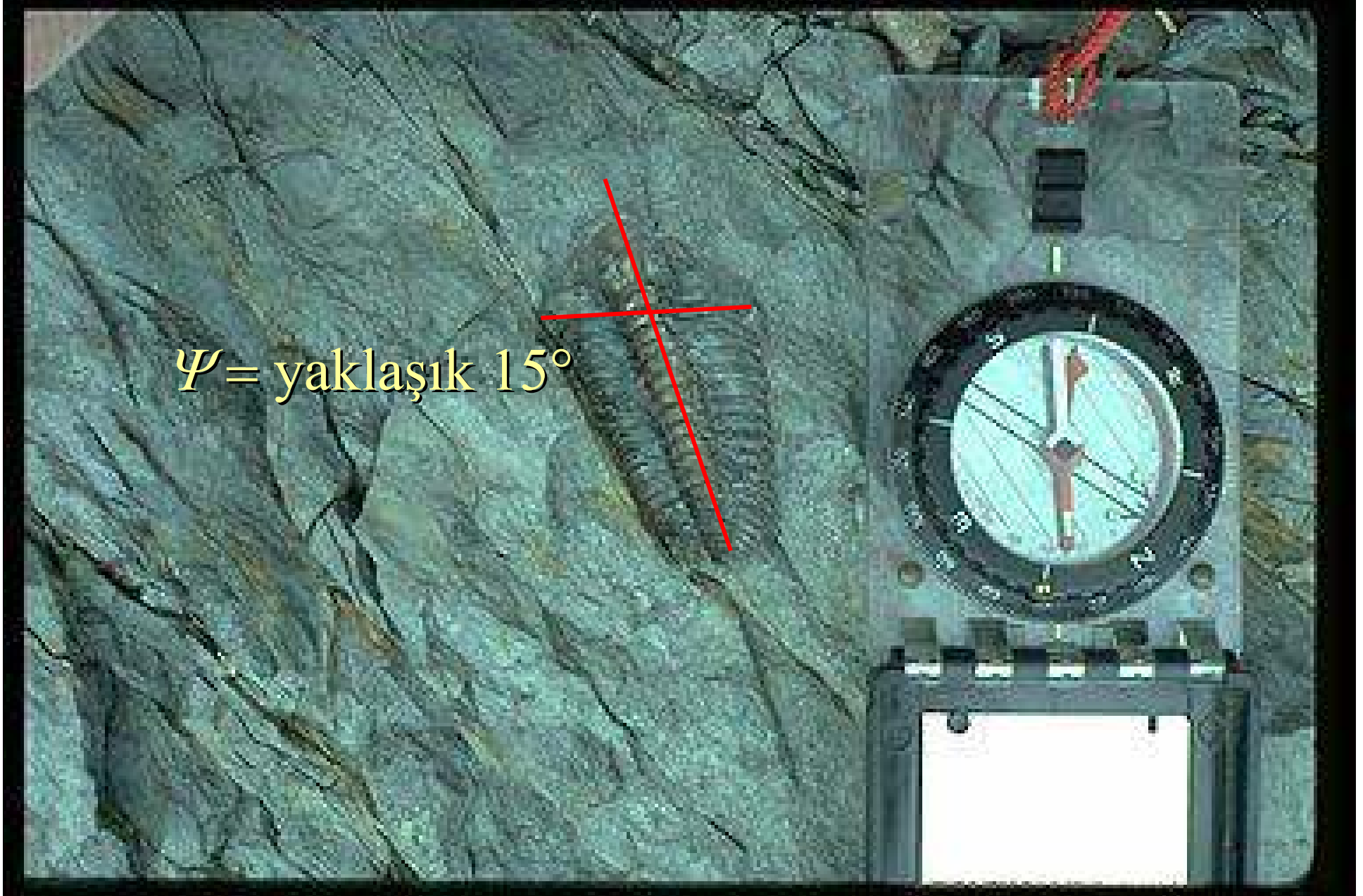
DEFORMASYON

Yrd.Doc.Dr.Yasar EREN



DEFORMASYON

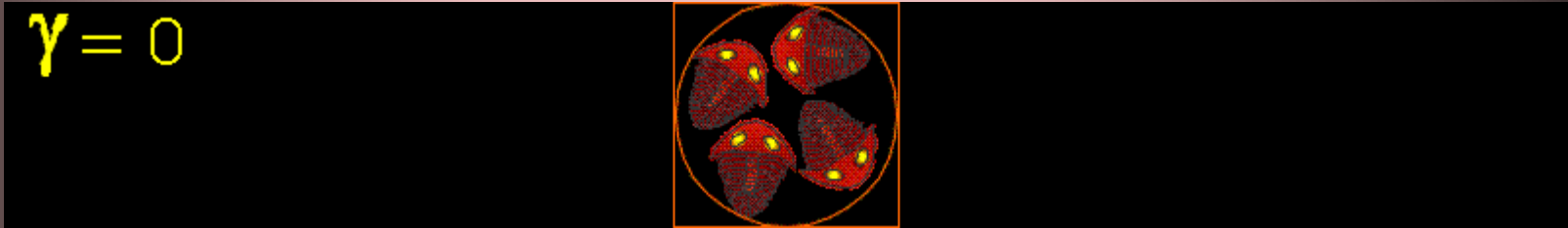
Yrd. Doç. Dr. Yasser EREN



$\Psi = \text{yaklaşık } 15^\circ$

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



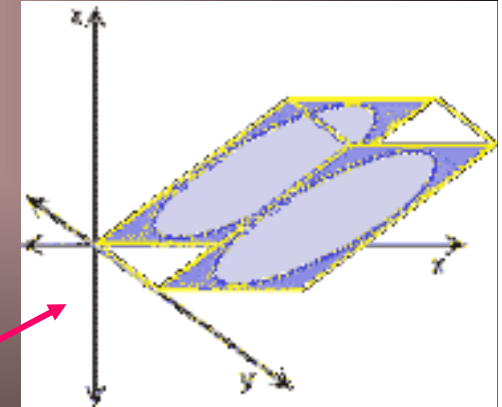
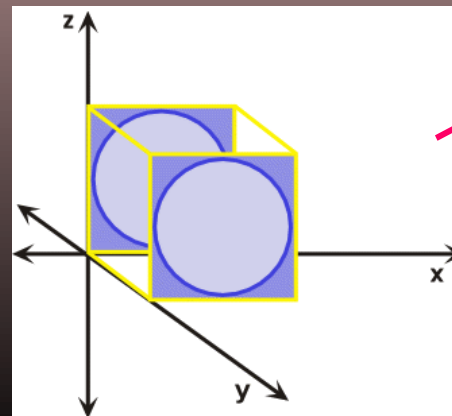
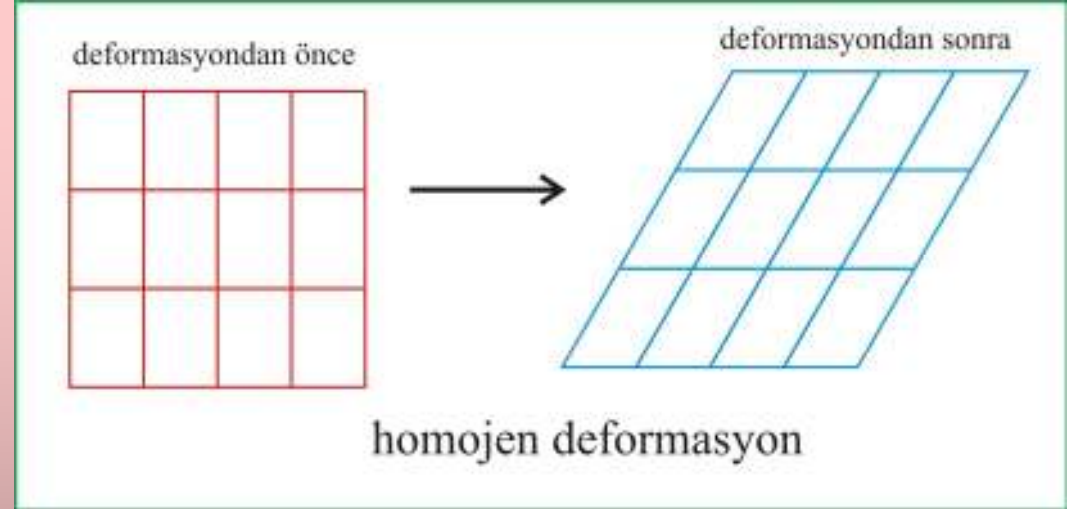
Tanımlamalar-6

1.2.Homojen ve heterojen deformasyon

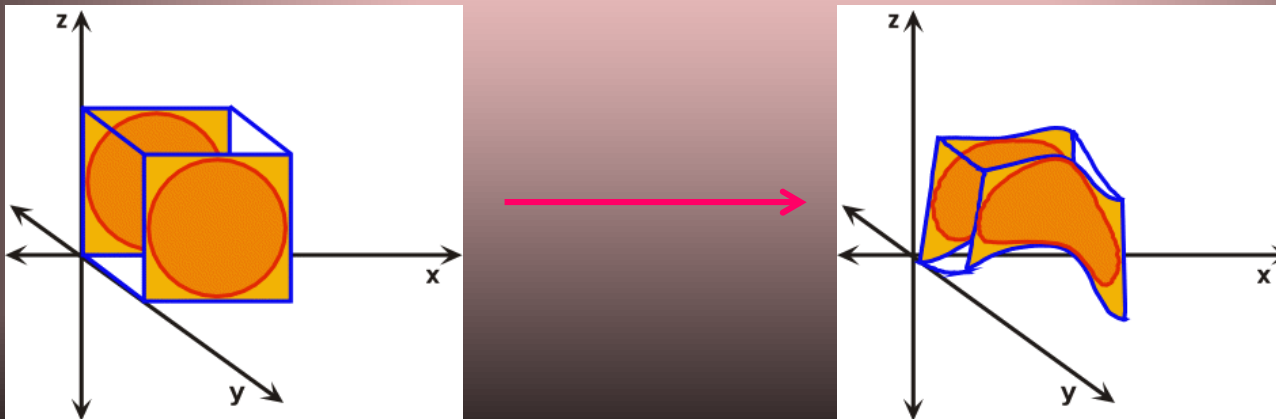
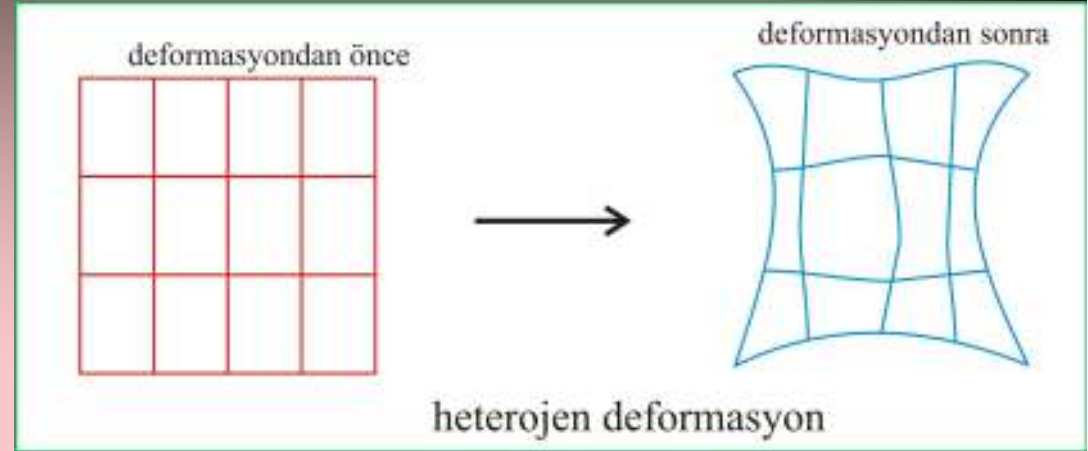
Biçim değişimine uğramış bir cisim içindeki deformasyon, aşağıdaki kurallara göre homojen veya heterojen olarak tanımlanır.

Homojen deformasyonlarda

- 1-Doğrusal çizgiler deformasyondan sonrada doğrudur.
- 2-Paralel çizgiler deformasyondan sonra da paraleldir (Şekil 1.5).
- 3-Deforme olmuş cisimde, aynı doğrultuda ϵ , λ , ψ ve γ sabit değerdedir.



- Heterojen deformasyonlarda
- 1-Doğrusal çizgiler deformasyondan sonra bükülür
- 2-Deformasyondan sonra paralel çizgiler paralel kalmaz (Şekil 1.5).
- 3-Deforme cisimdeki aynı doğrultuda e , λ , ψ ve γ değerleri sabit değildir.



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

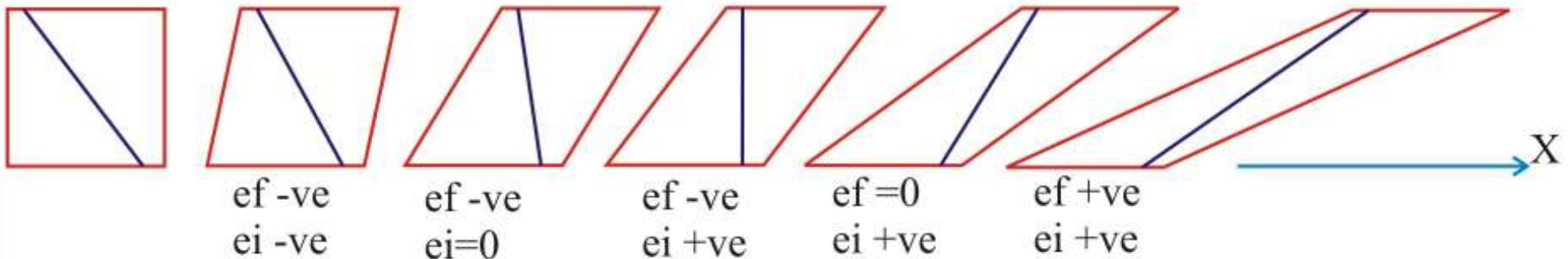


figure3Girty.swf

- Inhomojen deformasyonun matematiksel analizi oldukça karmaşıktır ve pratikte hemen hemen kullanışsızdır. Bu nedenle genellikle homojen deformasyonlar üzerinde durulacaktır. Aynı zamanda, bu teori inhomojen deformasyonlara da uygulanabilir. Çünkü deformasyon heterojen olsa bile küçük alanlardaki deformasyon homojen olarak kabul edilebilir. Jeolojik problemler açısından homojen olarak kabul edilebilecek elementin veya alanın boyutu oldukça değişkendir. Genellikle birkaç cm^3 lük cisimler için homojenlik geçerlidir. Çok daha küçük boyutlarda homojenlik düşer, çünkü cisimi oluşturan kristallerin deformasyonu kayaç içinde değişim gösterir.

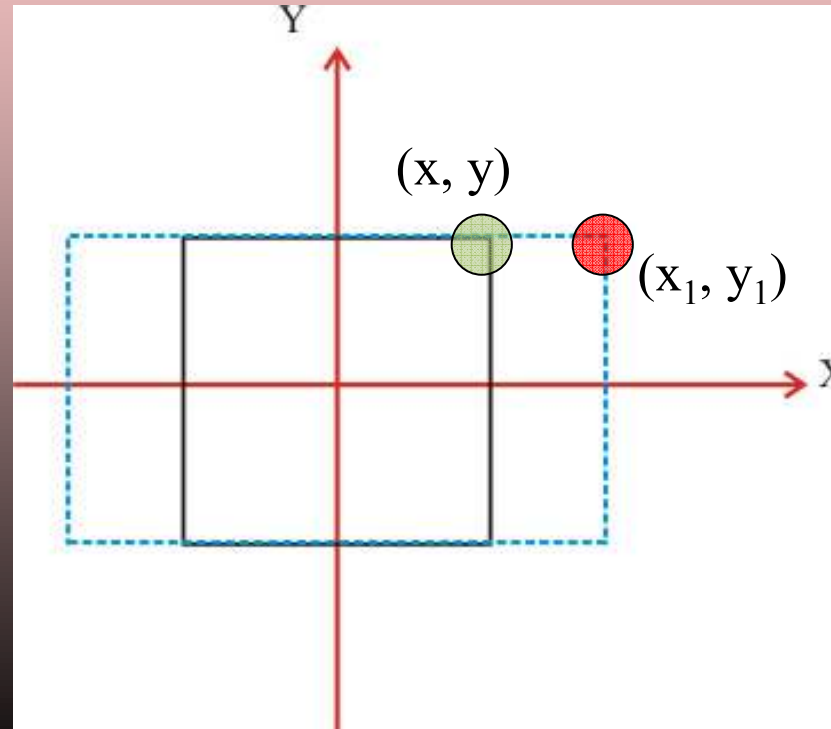
- **1.3. Son ve artan deformasyon durumu (finite and infinitesimal strain)**

- Deforme olan cisimler karmaşık bir tariheye sahiptir. Yani, son deforme şeklini alana kadar, başlangıç konumundan birçok deforme süreçten geçer (Şekil 1.6). Buna ilerleyen (progresif) deformasyon denir. Doğal tektonik süreçlerle deforme olmuş kayalar inceleyen jeolog ise, bu deformasyon sürecinin en son ürününü inceler ki, buna son deformasyon durumu (finite state of strain) denir. Son deformasyon durumu, genellikle başlangıçta şekli bilinen cisimlerin incelenmesi ile belirlenebilir. İlerleyen deformasyon ise, belli bir zamandaki deforme şeklin daha sonra artan küçük distorsiyonu, yani artan deformasyonu şeklinde düşünülebilir.

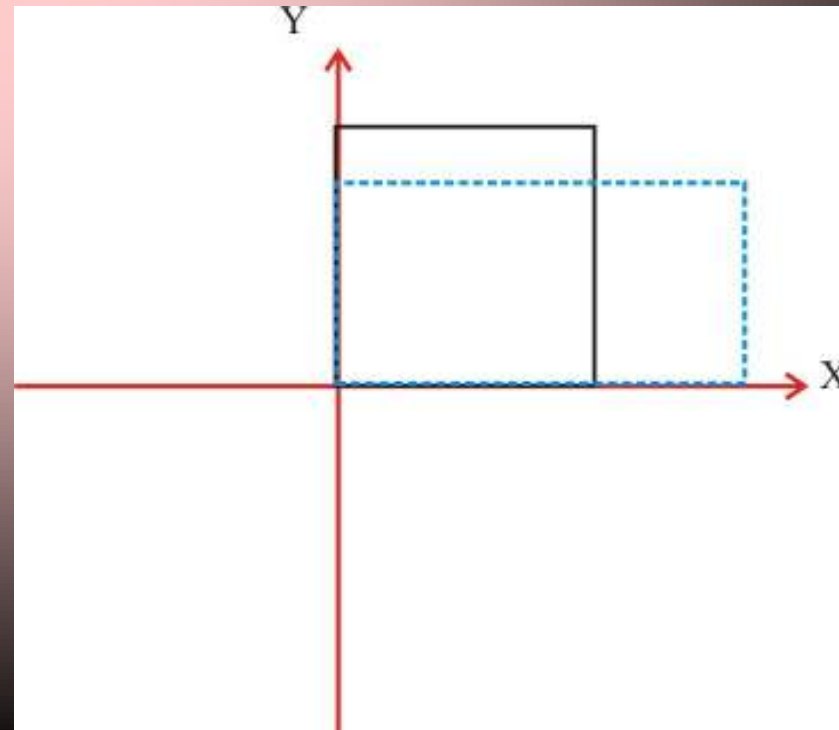


1.4. Düzlemde deformasyonun incelenmesi

- Bu bölümde deformasyon iki boyutta yani düzlemde incelenecektir. Üç boyutlu deformasyon çözümlerinde de, genellikle iki boyutta yapılan hesaplamalar kullanılır. Deformasyon sürecinin anlaşılabilmesi için önce oldukça basit ve özel yer değiştirme tipleri incelenecektir. Bunlar
- **1-Bir yönde boy uzaması** (Şekil 1.7a)
- Şekil üzerindeki herhangi bir noktanın (x,y) deformasyondan sonraki konumu
- $x_1=(1+e)x$
- $y_1=y$ denklemlerine göre şekil değiştirecektir



- **2-İki yönde boy değişimi (Şekil 1.7b)**
- $x_1=(ex+1)x$ $y_1=(ey+1)y$
- Deformasyondan sonraki alan değişimi
- $(ex+1)(ey+1)-1=0$ ise alan değişimi yoktur.

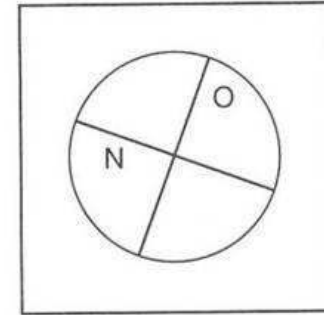


DEFORMASYON

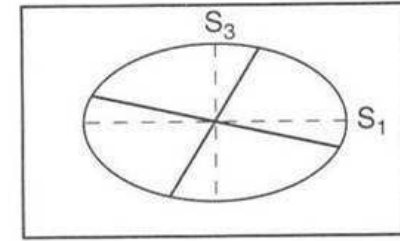
$\epsilon_x + 1 = 1/\epsilon_y + 1$ ise alan değişimi yoktur ve bu deformasyona **sırf kayma (pure shear)** deformasyonu denir. Bu yer değiştirme y eksenine paralel homojen kısalma, x eksenine paralel uzama oluşturur. Deformasyon oldukça basittir, fakat deformasyon vektör alanı oldukça karmaşıktır. Vektörün uzunluğu ve yönelimi cisim içinde değişir.

08.01.2007

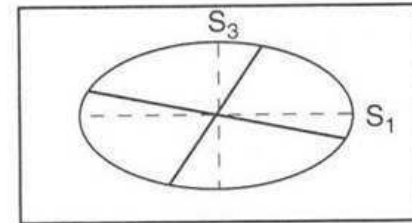
Sırf kayma
(eş eksenli deformasyon)



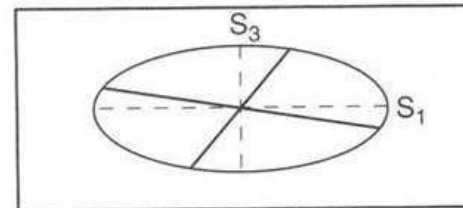
% 25 yassılma



% 30 yassılma



% 40 yassılma



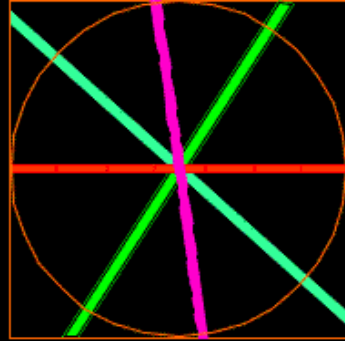
EN

36

DEFORMASYON

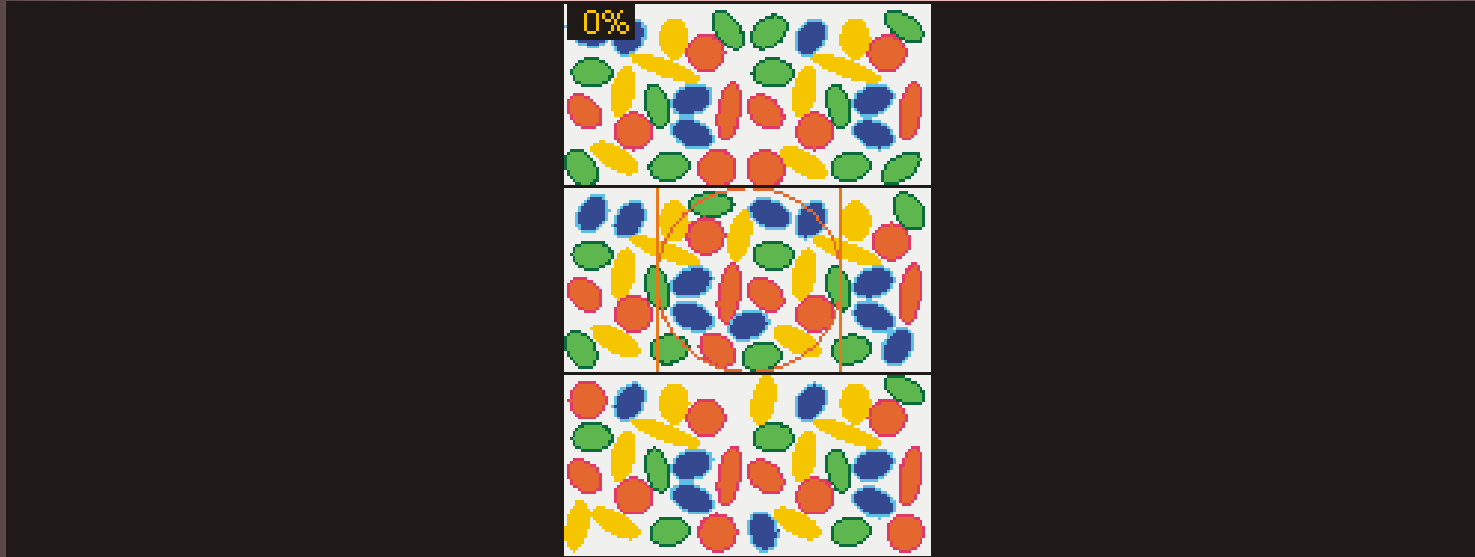
Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

$Z = 0\%$



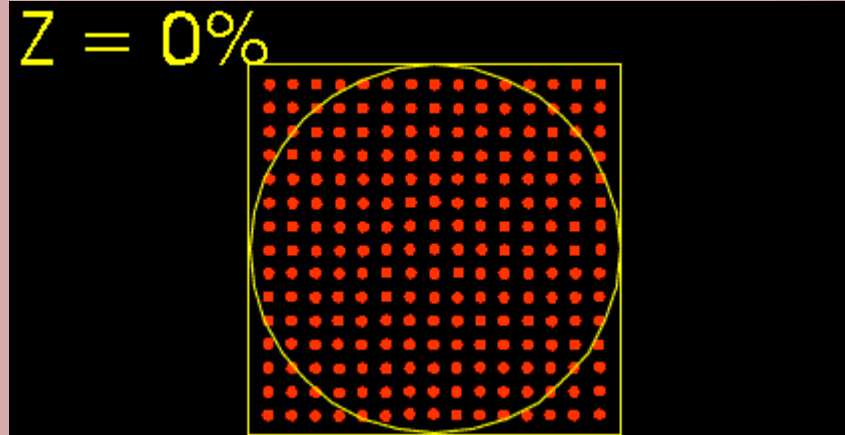
DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



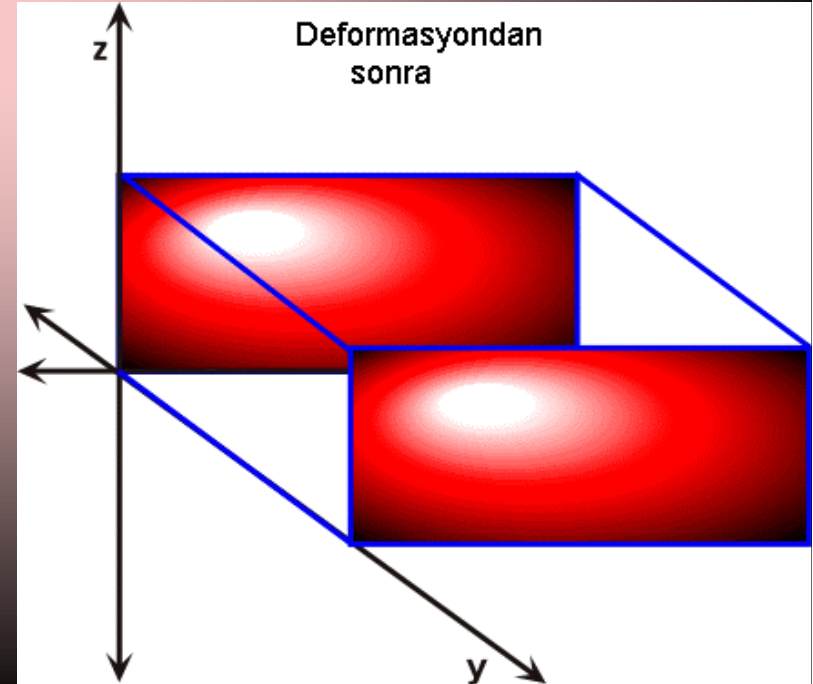
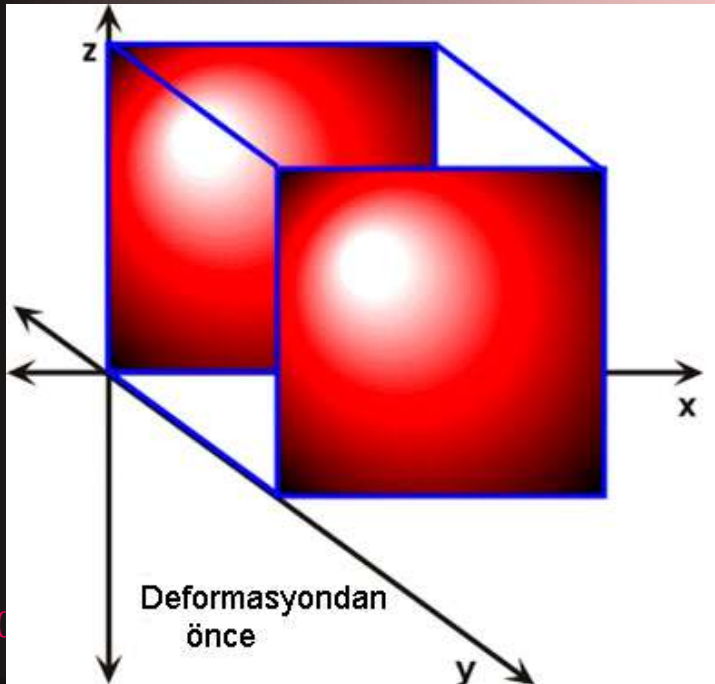
DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

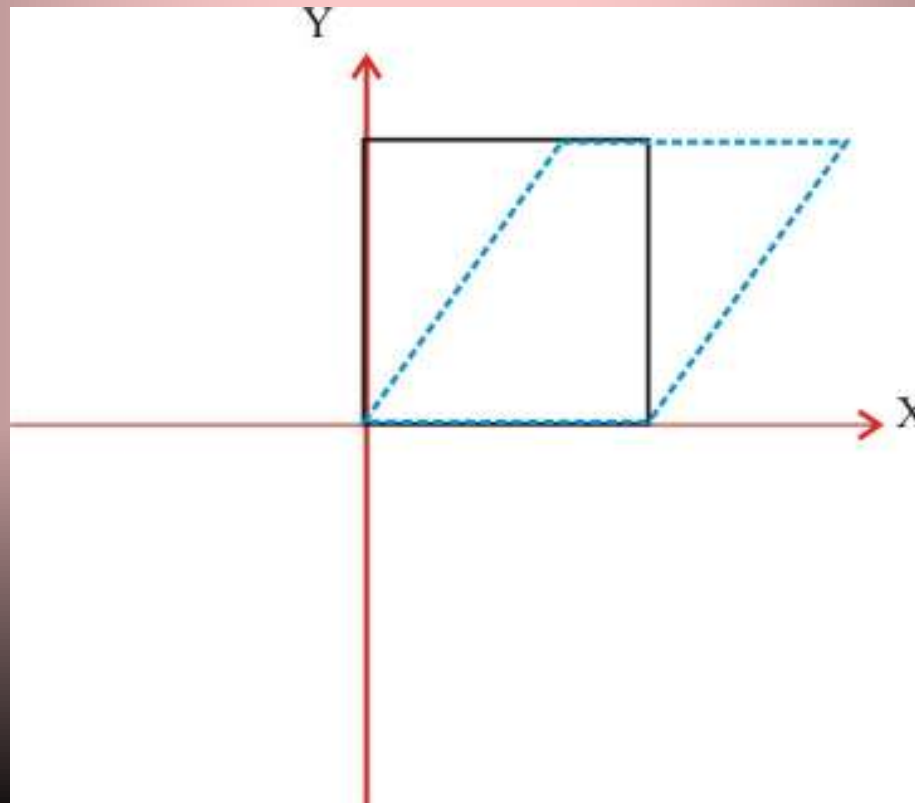
Deformasyon dönmesizdir. Deformasyon elipsinin uzun eksenini x eksenine, kısa eksenini ise y eksenine paraleldir ve bu doğruların başlangıçtaki yönelimi değişmemiştir. Koordinat transformasyon denklemleri

$$x_1 = kx$$

$$y_1 = y/k \text{ dır (k=sabit).}$$

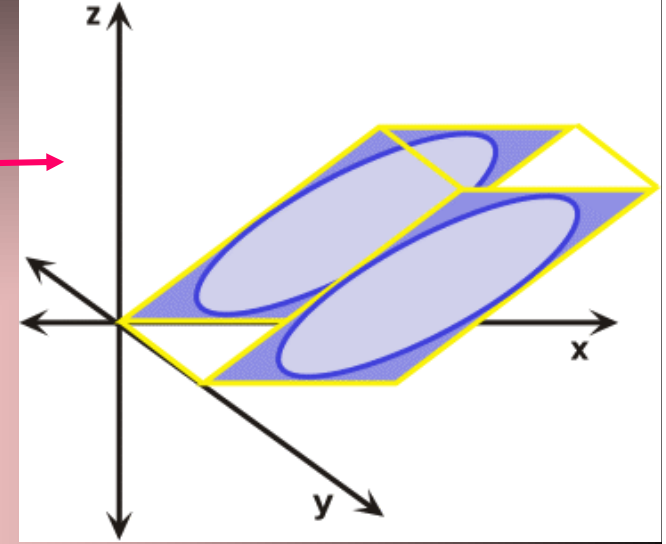
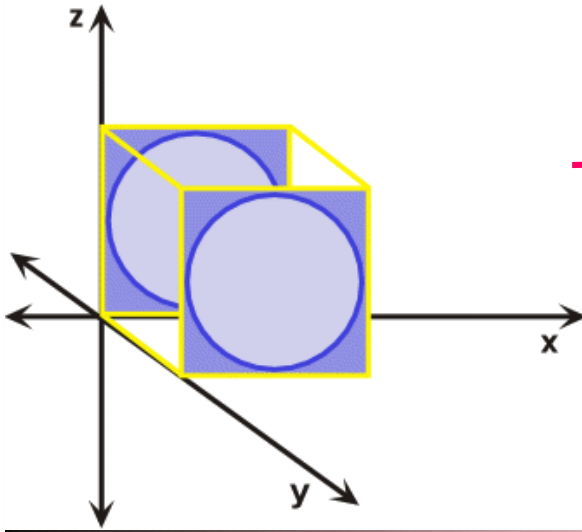


- **3-Basit kayma (simple shear)**
- Parçacıklar x eksenine paralel yer değiştirir.
- $x_1 = x + \tan\psi y$
- $y_1 = y$ $\tan\psi = \gamma$ $x_1 = x + \gamma y$



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

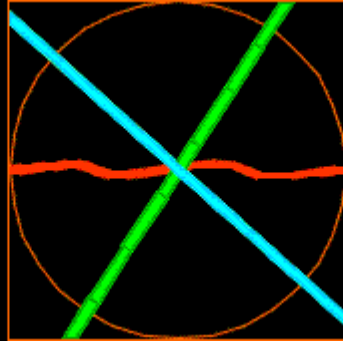


Alan değişimi yoktur.
Yer değiştirme
vektörleri birbirine
paralleldir, fakat farklı
uzunluktadır.

DEFORMASYON

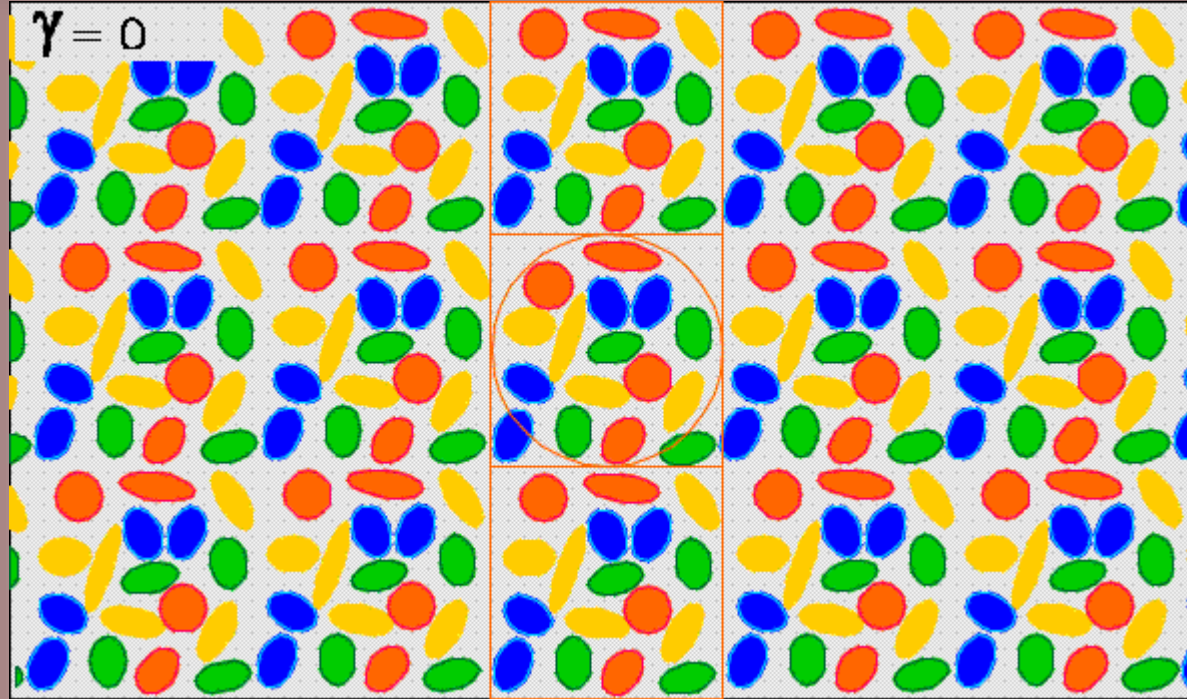
Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

$$\gamma = 0$$



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



DEFORMASYON

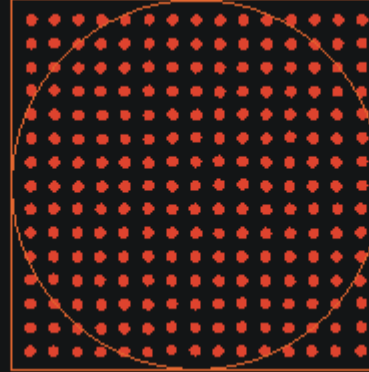
Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

$$\gamma = 0.00$$



DEFORMASYON

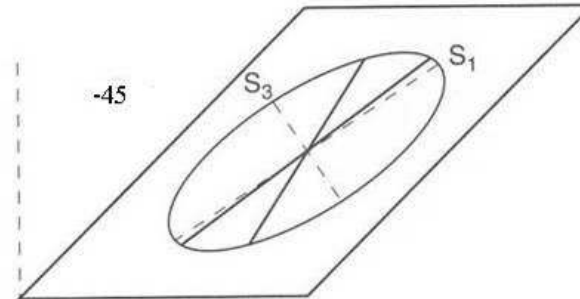
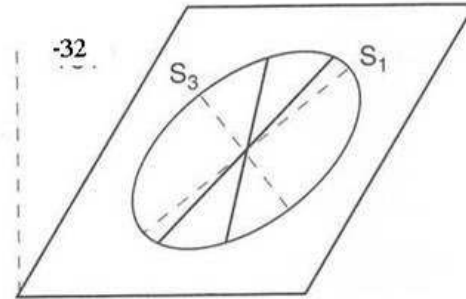
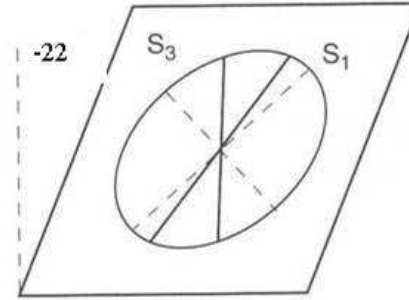
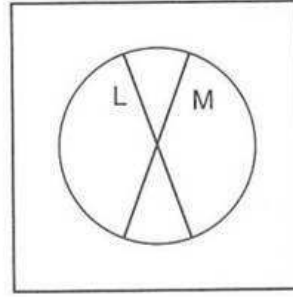
Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



figure9Girty.swf

Deformasyon dönmelidir.

Basit kayma
(eş eksenli olmayan def)



Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

BASIT KAYMA ZONUNDAKİ YAPILAR



R ve R'
Kesme
kıvrıkları



Kırınımlar



Genleşme
kıvrıkları



Bindirme
fayları



Tüm yapılar

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



figure10Girty.swf

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



figure8Girty.swf

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

- **4-Üstelenmiş basit kayma (Şekil 1.7d)**

- Eğer x eksenine paralel deforme olmuş cisim y eksenine paralel başka bir kaymaya uğrarsa, x eksenine paralel çizgiler ψ_2 açısı kadar sapacaktır.

- $y_2 = y_1 + \tan\psi_2 x_1$ $x_2 = x_1$ bu değerleri yukarıdaki denklemlerde yerine koyarsak $y_2 = y + \tan\psi_2(x + \tan\psi_1 y)$

- $x_2 = x + \tan\psi_1 y$

- Deformasyon miktarı aynı fakat sırası değiştirilirse

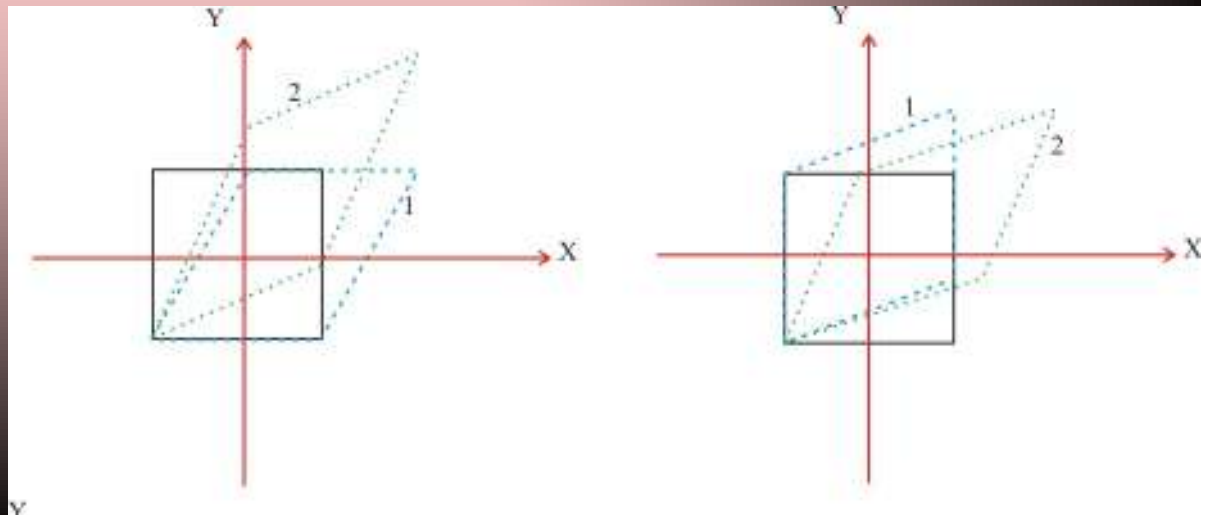
- ilk deformasyon $x_1 = x$ $y_1 = y + \tan\psi_2 x$

- ikinci deformasyon $y_2 = y_1$ $x_2 = x_1 + \tan\psi_1 y_1$

- yerine konduğunda $y_2 = y + \tan\psi_2 x$

- $x_2 = x + \tan\psi_1(y + \tan\psi_2 x)$ olur.

- Bu da yukarıdaki eşitliğe denk değildir. Sonuç olarak, eğer iki deformasyon birbirini üstelerse, son ürün deformasyonun sırasına bağlıdır.



DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN



brach_pureshear.mov



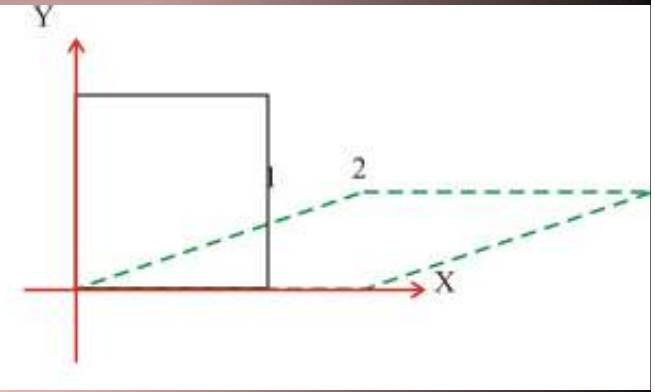
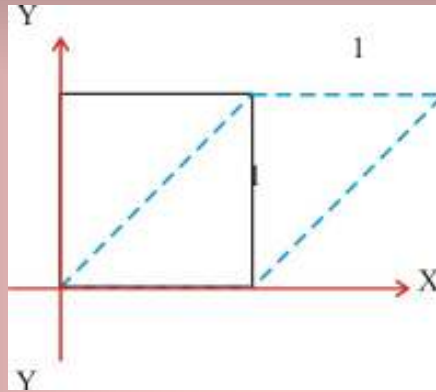
brach_simpleshear.mov

DEFORMASYON

Yrd.Doç.Dr.Yaşar EREN

- **5-a)Basit kayma + sırf kayma**

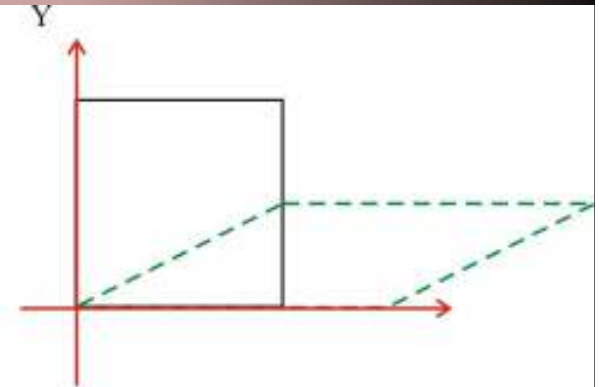
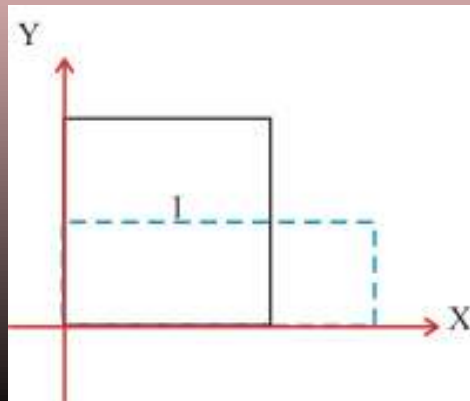
- $x_2=(e_x+1)(x+\tan\psi_1 y)$ $y_2=(e_y+1)y$



- **b)Sırf kayma + basit kayma**

- $x_2=(e_x+1)x+\tan\psi_1(e_y+1)y$ $y_2=(e_y+1)y$

- 5 a ve 5b 'deki dönüşümler birbirine eşit değildir.



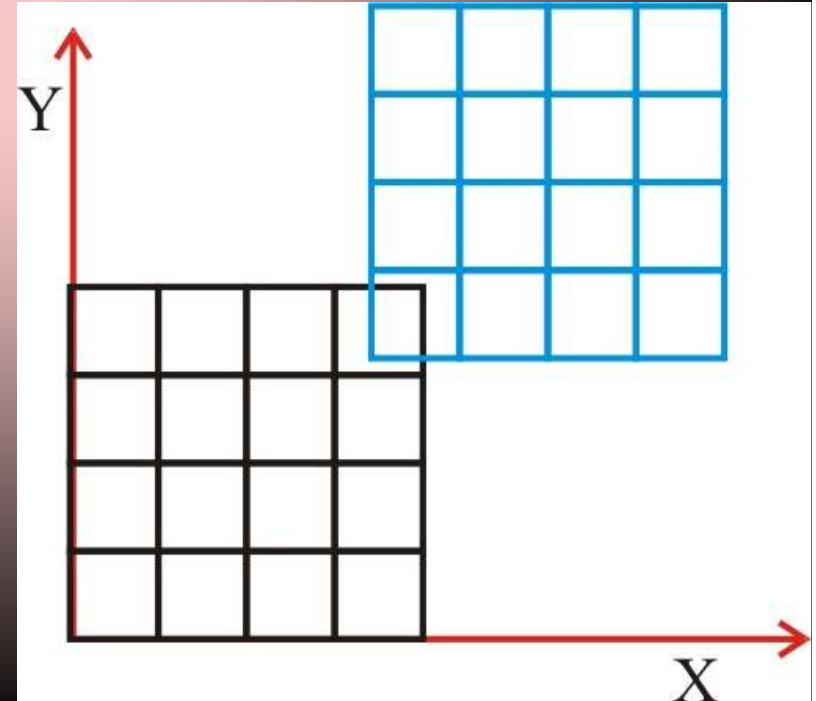
08.01.2007

- **6:Cisim yer deęiřtirmesi (body translation-ötelenme)**

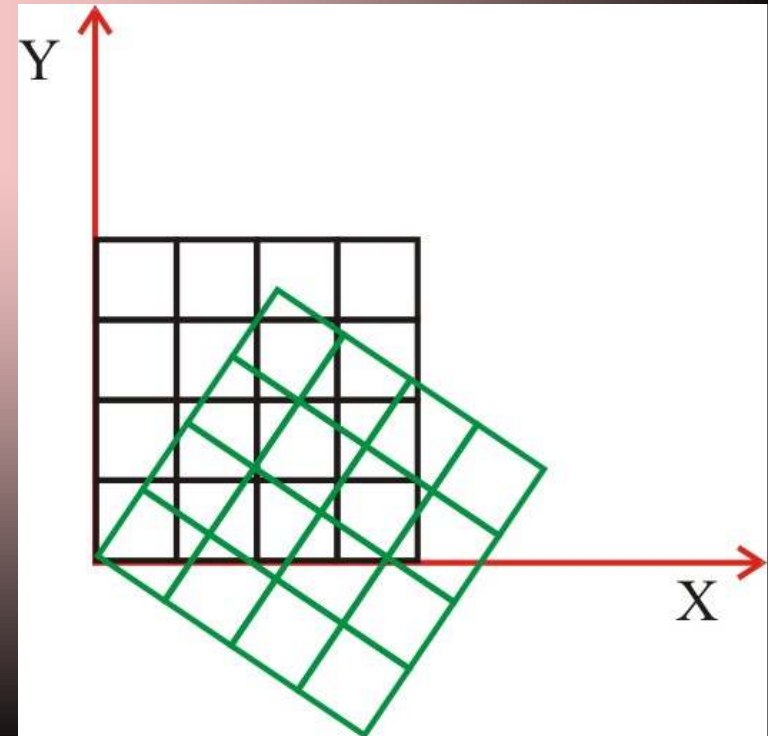
- Yer değiştirme vektörleri birbirine paralel ve eşit uzunluktadır. Bu tip deformasyonda cisim uzayda biçim değişimi ve dönme oluřturmadan yer değiştirir. Koordinat transformasyon denklemleri

- $x_1 = x + A$ $y_1 = y + B$

- A ve B sabitlerdir. A x-eksenine B ise y-eksenine paralel yerdeğiştirme vektörüdür.

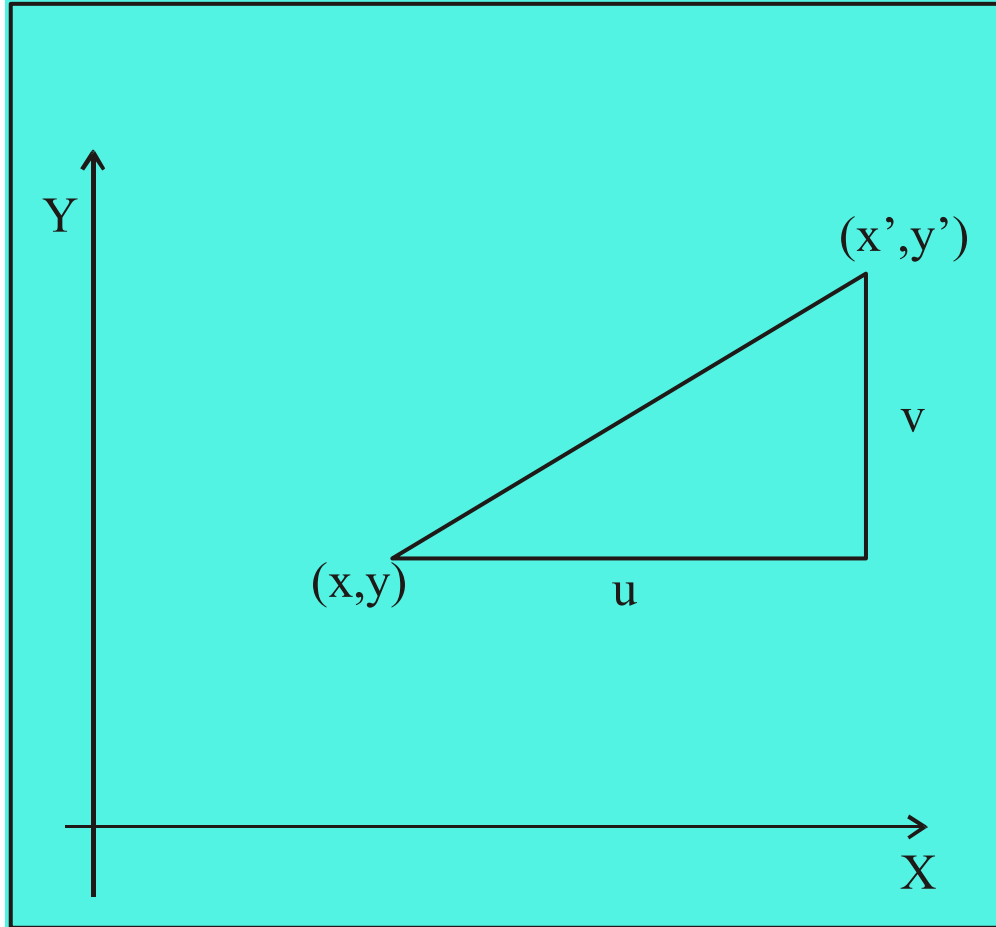


- 7: Gövde dönmesi (body rotation)
- Yerdeğiştirme vektörleri başlangıçtaki koordinatlarına göre yön ve uzunluk olarak değişir. Bu içsel deformasyon olmadan orijinde dönmeyi simgeler. Koordinat transformasyon denklemleri $-\omega$ =Saat yönünde dönme ω =Saat ibresinin tersi yönünde dönme olmak üzere
- $x_1 = \cos\omega x + \sin\omega y$ $y_1 = -\sin\omega x + \cos\omega y$



1.4.1. Yerdeğiştirme ve genel dönüşüm eşitlikleri

İki boyutta bir noktanın yer değişimi başlangıçtaki (x,y) ve son durumdaki (x',y') noktalarını birleştiren bir doğru ile ifade edilebilir



- Bu uzunluğu ve yönelimi olan bir vektördür ve bu vektör x ve y eksenlerine paralel ölçülmüş u - ve v - ile tanımlanabilir. Son yer değiştirme vektörü gerçek yer değiştirme vektörünü temsil etmeyebilir. Sadece noktanın ilk ve son konumunu belirtir. Tüm noktaların yer değişim vektörlerini temsil eden yer değiştirme vektörleri alanı yer değiştirme vektör alanı olarak adlandırılır.

Bir yüzey üzerindeki tüm noktaların hareketi **koordinat dönüşüm denklemleri** olarak bilinen iki denklem ile ifade edilebilir

$$1- x_1=f_1(x,y) \quad y_1=f_2(x,y) \quad (1.6)$$

$$2- x=f_3(x_1,y_1) \quad y=f_4(x_1,y_1) \quad (1.7)$$

Bu iki eşitlikte aynı değişimi ifade eder 1.si Lagrangiyen denklemi, 2. si Euler denklemleri olarak bilinir.

1.sinde yerine yerleştirilecek değerler noktaların başlangıçtaki durumunu
2.sinde ise yerine konacak değerler son durumdaki değerleri kullanır.

Koodinat transformasyon denklemlerinin en basit genel şekli doğrusaldır.

$$1- \begin{cases} x_1 = ax + by \\ y_1 = cx + dy \end{cases} \quad (1.8)$$

$$2- \begin{cases} x = Ax_1 + By_1 \\ y = Cx_1 + Dy_1 \end{cases} \quad (1.9)$$

a, b, c, d, A, B, C ve D sabitlerdir ve bu katsayılar arasında aşağıdaki ilişkiler vardır (Şekil 9).

$$A = \frac{a}{ad - bc}$$

$$B = \frac{-b}{ad - bc}$$

$$C = \frac{-c}{ad - bc}$$

$$D = \frac{d}{ad - bc}$$

2*2 lik bir matriksle bunu ifade edersek

$$\begin{matrix} x_1 = \\ y_1 = \end{matrix} \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \begin{matrix} x \\ y \end{matrix} \dots\dots (1.10) \dots\dots \begin{matrix} x = \\ y = \end{matrix} \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{matrix} x_1 \\ y_1 \end{matrix}$$

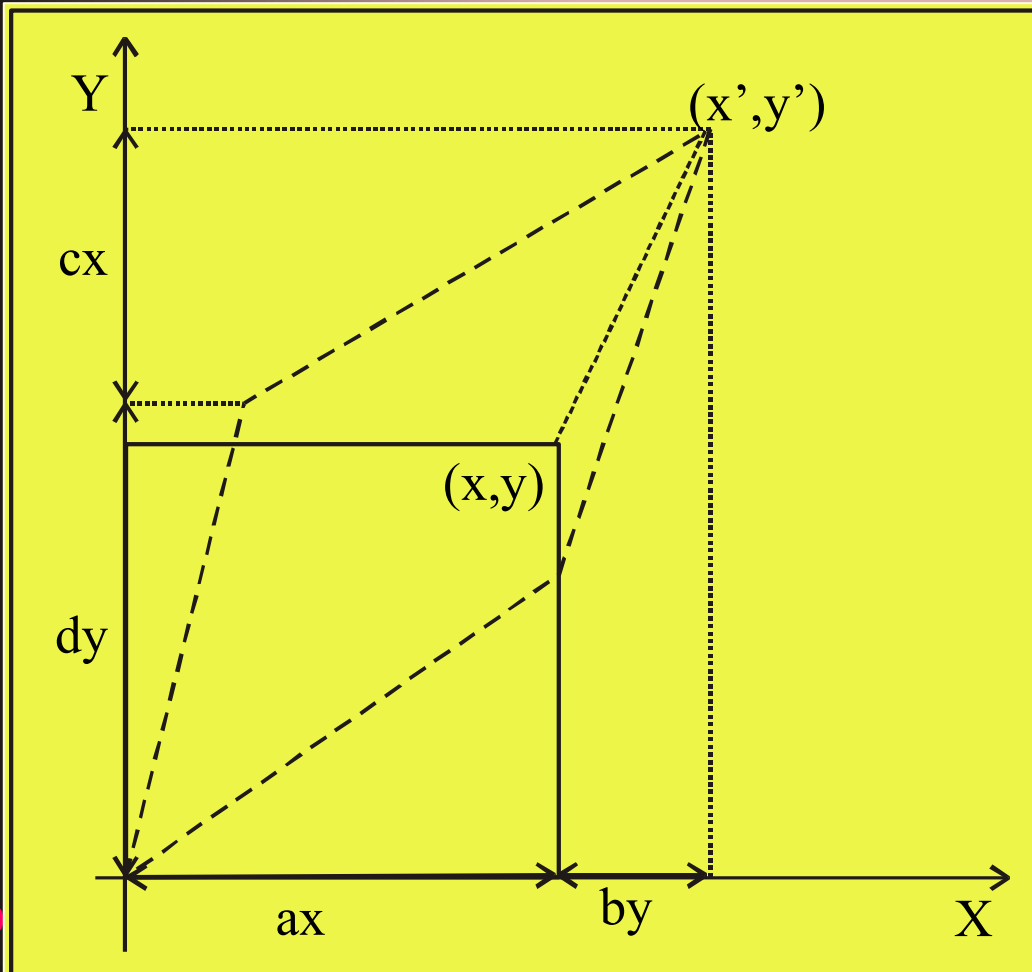
(1.11)

Şekilde orijinal dörtgenin dört noktası

$(0,0)$ $(x,0)$ (x,y) $(0,y)$

$(0,0)$ (ax,cx) $(ax+by,cx+dy)$ (by,dy)

deforme olduğunda
konumunu alır.



a, d x ve y-eksenlerine
paralel boy değişimini

b, c ise kayma deformasyonu
bileşenleridir.

$$b=d \tan\alpha$$

$$c=a \tan\beta$$

Lineer koordinat transformasyon homojen deformasyonlara yol açar

$y=mx+k$ ile verilen bir doğru (1.9) nolu denklem ile deforme edildiğinde yeni çizgilerin konumu

$$\frac{cx + ay}{ad - bc} = m \left(\frac{dx - by}{ad - bc} \right) + k \quad \text{veya}$$

$$y_1 = \frac{c + dm}{a + bm} x_1 + k \left(\frac{ad - bc}{a + bm} \right) \quad \text{olur}$$

buda

$$y_1 = Mx_1 + K$$

ile verilen diğer bir denkleme özdeştir.

Yani doğru yine doğru olarak kalmıştır.

K ile k arasındaki ilişki sadece sabit bir çarpanla ilişkilidir ve homojen bir deformasyon oluşturur.